

记高三一轮复习"三角函数"

江苏省常州市北郊高级中学(213031) 刘天程

智慧教育即教育信息化,是指在教育领域全面深 入地运用现代信息技术来促进教育改革与发展的过 程, 其技术特点是数字化、网络化、智能化和多媒体 化,基本特征是开放、共享、交互、协作,以教育信息化 促进教育现代化,用信息技术改变传统模式.

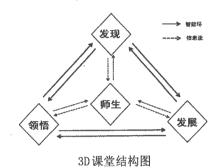
高二一轮复习强调的是重视基础知识全面、基本 方法熟练、基本作答规范,对于高三学生来说要经历 一个对知识、方法、技能的认识观不断完善的蜕变过 程,即价值观的发现问题后想办法完整的解决问题进 而领悟知识方法的全面性,最后对它进行举一反三到 发展问题的层次. 笔者以高三一节"三角函数"一轮复 习课为例,以微课为载体,对复习课如何在3D课堂理 念下开展更有效的教学进行研究.

一、3D课堂概述

3D课堂即注重学生发现(discover) - 领悟(digest)一发展(develop)的过程,发现是一个带有主观 色彩的行为动词,蕴含着人从未知到明了再到深刻理 解的过程. 学之道在于悟,感悟的过程体现在感性与 理性的融合. 感悟的过程应该贯穿于课堂学习的始 终. 发展是课堂的最终目的,只有发展了才能说明教 学的成功.

"3D课堂"以学生的主体性与教师的主导性为中 心,其核心思想来源于布鲁纳的"发现教学"、科勒的 "领悟说"、赞科夫的"发展性教学"等. 它是师生共同 遵循的教学纬度和要义;是优化教学行为的有力举 措: 是学校"公民素养, 精英气质" 育人目标的创新体 现;是教师专业发展的成长平台;是素质教育文化建 构的重要途径,释义如下:

第 50 页



1发现(Discover)——研究型课堂

- (1)基于课程标准与学情,预设科学性、灵动性的 教学方案:
- (2)情境创设具有科学意义与研究价值,契合学 生最近发展区:
- (3)问题探究指向高位,展现师生思维轨迹,培养 学生的阐发能力:
- (4)尊重学生多元视点,激活创造思维,打造和谐 的课堂文化.

2领悟(Digest)——内省型课堂

- (1)有机开展自主、合作学习,在师生、生生互动 中建构知识体系:
- (2)教师发问与学生追问并举,搭设教学支架,破 解学科难点:
- (3)注重基础知识输入,基本技能得到内化,关注 认知能力培养;
- (4)开展学法示导,与心灵对话,实现学生本我与 超我的耦合.

3发展(Develop)——生长型课堂

(1)教师要成为倾听者,从倾听中发现学生学习 前后变化的量与质;

- (2)精心选题, 当堂检测, 从评议中发现学生的吸 收与消化水平:
- (3)学生概念澄清有延伸空间,问题研究具有较大 的持续性;
- (4)从现象体验到本质悟会,于对立统一中产生观 念、情感的共鸣.

"3D课堂",发现是基础,领悟是条件,发展是目 的, 三者构成一个有机的整体, 基于学生个体知识储 备与认知操作的差异性,以核心概念和原理解读为平 台,以智能环的相互作用为桥梁,形成一个师生、生生 对话、交流的信息场,全力打造一个集"研究型、内省 型、牛长型"干一体的课堂教学范本.

二、教学实践

1教学设计

(1)教学目标:

- ① 计学生各取所需熟练化成一个角的三角函数、 求三角函数单调区间、求三角函数值域:
 - ②掌握三角函数图象平移;
- ③感受化归与数形结合思想,感受自己动手合作 学习的乐趣.

(2)重点、难点

重点是三角函数的化简,掌握化成一个角的一个 三角函数方法及解题规范;

难点是图象的平移,从形到数,再从数到形的结 合. 体会数形结合思想,理解平移口诀的由来.

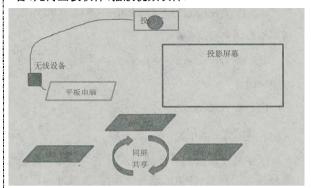
(3)学情分析及措施

对于三角函数这块知识在高一必修四课本中已 经学过,对于高考在填空和大题第一题中出现属于基 本题, 主要要求学生掌握基本方法和规范解题, 是本 节课教学的主要任务,对于学过的内容,有的学生记 忆清晰,也有的学生比较模糊,根据这一层次不同对 于各类题型不熟的学生各取所需. 所以微课设计出两 类:第一类是微视频,给出化成一个角的三角函数、求 三角函数单调区间、求三角函数值域的解题方法、三 角函数图象平移. 这三类题型比较熟悉的学生不需要 全看,只需做做讨关训练就可以再研究图象变换,对 干不熟的学生通过观看视屏回忆总结,再给出规范解 答;第二是制作几何画板,图象平移的难点,需要结合 画板让学生通过现象,结合图象变换的规律,最后共 同探索利用代数再去解释这一规律,感受数形结合思 想.

(4)教学准备

教学设备

投影设备、多台配备耳机的平板电脑至少两人一 台、几何画板软件、播放视频软件.



微课程内容

视频一: 化成一个角的三角函数,以PPT形式,利 用平板电脑手写笔功能及屏幕录像专家,录制化成一 个角的一个三角函数的原理,并附例题进行讲解,给 出规范的解答过程,时间大约3分钟.

 $a \sin \alpha + b \cos \alpha = \sqrt{a^2 + b^2} \sin(\alpha + \varphi)$,其中 φ 角终边

推导:
$$a \sin \alpha + b \cos \alpha = \sqrt{a^2 + b^2} \sin(\alpha + \varphi)$$

= $\sqrt{a^2 + b^2} (\sin \alpha \cos \varphi + \cos \alpha \sin \varphi)$

得到:
$$\cos \varphi = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$
, $\sin \varphi = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$, 由三角

函数定义知: φ 角终边过 (a,b).

例 1: $-\sqrt{2}\cos x - \sqrt{6}\sin x$.

视频二: 求三角函数的单调区间, 同样以 PPT 形 式,利用平板电脑手写笔功能及屏幕录像专家,录制 复习求三角函数单调区间的方法原理,并配合例题规 范解答. 时间大约3分钟.

例2:
$$y = \sin(\frac{2\pi}{3} - 2x)$$

视频三: 求三角函数的值域,同样以PPT形式,利 用平板电脑手写笔功能及屏幕录像专家,录制求例题 中的三角函数值域和最值的解题规范. 时间 2-3 分钟.

例 3: 已知
$$x \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\right]$$
,求 $f(x) = \frac{1}{2}\sin(2x + \frac{7}{6}\pi) + \frac{\sqrt{3}}{8}$ 的值域.

视频四:本节课重点、难点内容为三角函数的图 象变换,首先让学生回忆三角函数的图象的两种变 换,从形的角度利用几何画板软件制作图象的动态变 换,让学生深刻感受图象的变化情况,再利用代数法 点的轨迹跟踪去解释图象变换的原理. 并配套例题讲

第 51 页

解和学生练习. 该视频作为课后接受能力较弱的学生的补习视频.

(5)教学过程

①学生活动(回顾旧识,各取所需)

I、将 $f(x) = \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + 2\sin(x - \frac{\pi}{4})\sin(x + \frac{\pi}{4})$ 化成一个角的三角函数:

II、求 $f(x) = \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + 2\sin(x - \frac{\pi}{4})\sin(x + \frac{\pi}{4})$ 的单调区间.

III、求 $f(x) = \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + 2\sin(x - \frac{\pi}{4})\sin(x + \frac{\pi}{4})$ 在区间 $[-\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{2}]$ 上的值域.

学生通过课前观看视频1、2、3,复习回顾三角函数最基本的题型,注重解题的规范性.课堂开始让学生练习上述三题,实则是同一道题的三个小问,通过平板电脑拍摄学生做题情况(8分钟),后投影到大屏幕,让其他学生点评,重点是在解题规范上(7分钟).这样用15分钟就可以让学生复习到平常至少花一节课时间的知识,不但提高了学习效率,还促进学生自主学习的兴趣,增加新鲜感,提升学生的情感态度和价值观.

接下来学生借助事先做好的几何画板,感受三角函数图象平移的特征,进一步验证以下两种变换(如何由 $y=\sin x$ 的图象得到函数 $y=\frac{1}{3}\sin(2x-\frac{5\pi}{6})$ 的图象). 教材提供了两种方式: 先平移再伸缩; 先伸缩再平移

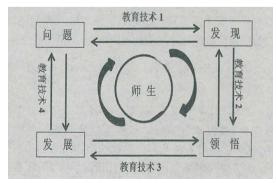
通过几何画板追踪点能发现图象上任意一点是 怎么变化的,从代数角度诠释这一现象.

②建构数学

$$y = f(x) \rightarrow y = f(x + 2)$$

研究相同纵坐标下横坐标的平移: 点 $(x_0, f(x_0))$ 向 左平移 2 个单位得到 $(x_0 - 2, f(x_0))$

图象平移的本质:图象上点坐标变化



教学模式导图

第 52 页

③应用数学

例 4. 先将函数 y=f(x) 的图象向右平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位,再将所得的图象作关于直线 $x=\frac{\pi}{4}$ 的对称变换,得到函数 $y=\sin(\frac{\pi}{3}-2x)$ 的图象,则 f(x) 的解析式是

练习. 将函数 y=f(x) 的图象向右平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位, 再将所得的图象作关于点 $(\frac{\pi}{4},1)$ 的对称变换,得到 $y=\sin(\frac{\pi}{3}-2x)$ 的图象,则求 f(x) 的解析式.

4)课后练习

I、已知函数 $f(x) = a(\cos^2 \frac{x}{2} + \sin x) + b$.

- (1)当a=1时,求f(x)的单调递增区间;
- (2)当 a < 0 且 $x \in [0,\pi]$ 时,f(x) 的值域是 [3,4],求a, b 的值.

II、设
$$x \in [\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}]$$
, $f(x) = \frac{1}{4}(\sin^2 x - \cos^2 x - \frac{\sqrt{3}}{2}) + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin^2(x - \frac{\pi}{4})$, 求 $f(x)$ 的最大值和最小值.

III、已知函数 $f(x) = \cos^2(x + \frac{\pi}{12})$, $g(x) = 1 + \frac{1}{2}\sin 2x$.

- (1)设 $x=x_0$ 是函数 y=f(x) 图象的一条对称轴,求 $g(x_0)$ 的值;
 - (2)求函数 h(x)=f(x)+g(x) 的单调增区间.
 - ⑤总结

回顾并掌握化成一个角的一个三角函数及单调 区间、值域的方法;三角函数图象平移的两种方法:① 先平移再伸缩;②先伸缩再平移;函数的图象平移化 归到点的变换.

三、实施建议及反思

课前,教师要做好大量的预设,因为研究课不比平时的讲授课,当主动权交给学生时,课堂上会有大量的生成,解决不好就浪费了课堂时间. 所以课前必须深入了解学生的实际情况做好预设,这样为课堂生成保驾护航.

课堂上除了平时基本功外,需要多关注问题的引导和新生成的问题的解决,发散性的学生活动中生成往往有意想不到的问题,需要及时的解决或引导,既保证课堂的完整性又要兼顾课堂的艺术性.

课后,教师需要进行教学反思,撰写案例心得,形成论文以供以后总结提炼,不断思考知识、学生、教师这三者之间相互作用的关系,如何把握一个度就能达到更好的效果,在理论高度上为尝试智慧教育提供有力论证.从课堂预设反思亮点与不足,到课堂生成处理的挑战,形成案例为智慧教育的发展推波助力.这既是教师个人成长的一次跨越也是智慧教育向前一步的特征表现.不断的提炼总结经验方法,不断的在实践中探索发现,深入其中,其乐无穷.