

江苏省仪征中学 2022-2023 学年度第一学期高一数学试卷 (8)

11、12

一、单选题 (本大题共 8 小题, 共 40.0 分。在每小题列出的选项中, 选出符合题目的一项)

1. 已知全集为 R , 集合 $A = \{3,4,5\}$, 集合 $B = \{4,6\}$, 则 $A \cap \complement_R B = (\quad)$
A. $\{4\}$ B. $\{3,5,6\}$ C. $\{3,5\}$ D. $\{6\}$
2. 若函数 $f(x)$ 为 R 上的奇函数, 且当 $x > 0$ 时, $f(x) = 2x - 1$, 则 $f(0) + f(-1) = (\quad)$
A. -4 B. -3 C. -2 D. -1
3. 函数 $f(x) = \frac{\sqrt{x-2}}{x}$ 的定义域为 (\quad)
A. $[2, +\infty)$ B. $(2, +\infty)$
C. $[-2, 0) \cup (0, +\infty)$ D. $(-2, 0) \cup (0, +\infty)$
4. 已知指数函数 $f(x) = a^x (a > 0, \text{ 且 } a \neq 1)$ 的图象经过点 $(\frac{1}{2}, 4)$, 则 $a = (\quad)$
A. 8 B. 16 C. $\frac{1}{16}$ D. $\frac{1}{32}$
5. “ $a = 2$ ” 是 “函数 $f(x) = |x - a|$ 在区间 $[2, +\infty)$ 上为增函数” 的 (\quad)
A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件
C. 充要条件 D. 既不充分也不必要条件
6. 设 $a \log_3 4 = 2$, 则 $4^{-a} = (\quad)$
A. $\frac{1}{16}$ B. $\frac{1}{9}$ C. $\frac{1}{8}$ D. $\frac{1}{6}$
7. 知函数 $f(x) = (\frac{1}{2})^x - x$, $g(x) = x - 2 - (\frac{1}{2})^x$, $h(x) = x^3 - x (x > 0)$, 方程 $f(x) = 0$, $g(x) = 0$, $h(x) = 0$ 的根分别为 a, b, c , 则 a, b, c 的大小顺序为 (\quad)
A. $a > b > c$ B. $c > a > b$ C. $b > c > a$ D. $b > a > c$
8. 对于函数 $f(x)$, 若 x_1, x_2 满足 $f(x_1)f(x_2) = f(x_1 + x_2)$, 则称 x_1, x_2 为函数 $f(x)$ 的一对 “类指数”. 若正实数 a 与 b 为函数 $f(x) = kx (k > 0)$ 的一对 “类指数”, $a + 4b$ 的最小值为 9, 则 k 的值为 (\quad)
A. $\frac{1}{2}$ B. 1 C. $\frac{4}{3}$ D. 2

二、多选题（本大题共 4 小题，共 20.0 分。在每小题有多项符合题目要求）

9. 若 $a < b < 0$ ，则下列结论中错误的有()

- A. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ B. $0 < \frac{a}{b} < 1$ C. $ab > b^2$ D. $\frac{b}{a} > \frac{a}{b}$

10. 函数 $f(x) = (\frac{1}{2})^{(-x^2+6x-5)}$ 在下列哪些区间内单调递减()

- A. $(-\infty, 3)$ B. $(3, 5)$ C. $(1, 3)$ D. $(2, 3)$

11. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} a^{-x}, & x < -1 \\ (1-2a)x + 3a, & x \geq -1 \end{cases}$ 是 R 上的增函数，则实数 a 的值可以是()

- A. 4 B. 3 C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{4}$

12. 已知 $f(x)$ 是定义域为 R 的函数，满足 $f(x+1) = f(x-3)$, $f(1+x) = f(3-x)$ ，当 $0 \leq x \leq 2$ 时， $f(x) = x^2 - x$ ，则下列说法正确的是()

- A. $f(x)$ 的最小正周期为 4
B. $f(x)$ 的图象关于直线 $x = 2$ 对称
C. 当 $0 \leq x \leq 4$ 时，函数 $f(x)$ 的最大值为 2
D. 当 $6 \leq x \leq 8$ 时，函数 $f(x)$ 的最小值为 $-\frac{1}{2}$

三、填空题（本大题共 4 小题，共 20.0 分）

13. 已知 $x, y > 0$ ，且满足 $x + y = 2$ ，则 $xy + x + y$ 的最大值为_____.

14. 定义在区间 $[n, 2]$ 上的偶函数 $f(x) = x^2 + ax + 1$ ，最大值为 m ，则 $a + m + n =$ _____.

15. 已知 $f(x) + 2f(-x) = 2x + 3$ ，则 $f(x) =$ _____.

16. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 1 \\ \frac{1}{2}x, & x > 1 \end{cases}$ ，若 $f(f(x)) = 2$ ，则 $x =$ _____.

四、解答题（本大题共 6 小题，共 70.0 分。解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤）

17. (本小题 10.0 分)

(1) 已知 $2^x - 2^{-x} = 3$ ，求 $4^x + 4^{-x}$ 的值；

(2) 化简并计算 $0.25^{-\frac{1}{2}} + (\frac{8}{27})^{-\frac{1}{3}} - \frac{1}{2} \lg 16 - 2 \lg 5 + (\frac{1}{2})^0$.

18. (本小题 12.0 分)

设全集为 Z , $A = \{x|x^2 + 2x - 15 = 0\}$, $B = \{x|ax - 1 = 0\}$.

(1)若 $a = \frac{1}{5}$, 求 $A \cap (C_Z B)$;

(2)若 $B \subseteq A$, 求实数 a 的取值组成的集合 C .

19. (本小题 12.0 分)

已知幂函数 $f(x) = (m^2 + 2m - 2)x^{m+2}$, 且在 $(0, +\infty)$ 上是减函数.

(1)求 $f(x)$ 的解析式;

(2)若 $(3 - a)^m > (a - 1)^m$, 求 a 的取值范围.

20. (本小题 12.0 分)

已知函数 $f(x) = \sqrt{-ax^2 + 2x + 5}$.

(1)若函数定义域为 R , 求 a 的取值范围;

(2)若函数值域为 $[0, +\infty)$, 求 a 的取值范围.

21. (本小题 12.0 分)

某运输公司今年初用 49 万元购进一台大型运输车用于运输. 若该公司预计从第 1 年到第 n 年 ($n \in N^*$) 花在该台运输车上的维护费用总计为 $(n^2 + 5n)$ 万元, 该车每年运输收入为 25 万元.

(1) 该车运输几年开始盈利? (即总收入减去成本及所有费用之差为正值)

(2) 若该车运输若干年后, 处理方案有两种:

① 当年平均盈利达到最大值时, 以 17 万元的价格卖出;

② 当盈利总额达到最大值时, 以 8 万元的价格卖出.

哪一种方案较为合算? 请说明理由.

22. (本小题 12.0 分)

已知函数 $f(x) = \frac{x-m}{nx^2+1}$ 是定义在 $[-1, 1]$ 上的奇函数, 且 $f(1) = \frac{1}{2}$.

(1) 求 m, n 的值;

(2) 判断 $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上的单调性, 并用定义证明;

(3) 设 $g(x) = kx + 5 - 2k$, 若对任意的 $x_1 \in [-1, 1]$, 总存在 $x_2 \in [0, 1]$, 使得 $f(x_1) \leq g(x_2)$ 成立, 求实数 k 的取值范围.

高一数学试卷（8）答案和解析

1. 【答案】C

【解析】

【分析】

本题主要考查了补集、交集运算，属于基础题.

利用题意首先求得补集 $C_R B$ ，然后进行交集运算即可求得最终结果.

【解答】

解：集合 $A = \{3,4,5\}$ ，集合 $B = \{4,6\}$ ，

由补集的定义可得： $C_R B = \{x|x \in R, x \neq 4, x \neq 6\}$ ，

然后进行交集运算可得： $A \cap C_R B = \{3,5\}$.

故选：C.

2. 【答案】D

【解析】

【分析】

本题考查函数的奇偶性的应用，涉及函数值的计算，属于基础题.

由函数的解析式求出 $f(1)$ 的值，结合函数的奇偶性分析可得 $f(0)$ 与 $f(-1)$ 的值，计算可得答案.

【解答】

解：根据题意，当 $x > 0$ 时， $f(x) = 2x - 1$ ，则 $f(1) = 2 - 1 = 1$ ，

函数 $f(x)$ 为 R 上的奇函数，则 $f(0) = 0$ ， $f(-1) = -f(1) = -1$ ，

故 $f(0) + f(-1) = 0 + (-1) = -1$ ，

故选：D.

3. 【答案】A

【解析】

【分析】

本题考查了函数的定义域的求法，属于基础题.

根据题意列出不等式组，然后解出 x 的范围即可.

【解答】

解：要使 $f(x)$ 有意义，则 $\begin{cases} x-2 \geq 0 \\ x \neq 0 \end{cases}$ ，解得 $x \geq 2$ ，

$\therefore f(x)$ 的定义域为： $[2, +\infty)$ 。

故选：A。

4. 【答案】 B

【解析】

【分析】

本题主要考查了指数幂的运算，考查指数函数的解析式，属于基础题。

把点 $(\frac{1}{2}, 4)$ 代入函数解析式，即可求出 a 的值。

【解答】

解：由题意可得 $a^{\frac{1}{2}} = 4$ ，

解得 $a = 16$ ，

故选：B。

5. 【答案】 A

【解析】

【分析】

本题主要考查充分条件和必要条件的判断，利用函数单调性的性质是解决本题的关键。

结合函数的单调性，利用充分条件和必要条件的定义进行判断。

【解答】

解： \because 函数 $f(x) = |x - a|$ 在区间 $[a, +\infty)$ 上为增函数，

\therefore 要使函数 $f(x) = |x - a|$ 在区间 $[2, +\infty)$ 上为增函数，则 $a \leq 2$ ，

\therefore “ $a = 2$ ”是“函数 $f(x) = |x - a|$ 在区间 $[2, +\infty)$ 上为增函数”的充分不必要条件。

故选：A。

6. 【答案】 B

【解析】

【分析】

本题考查指对互化和对数指数运算，是基础题

【解答】

解：因为 $a\log_3 4 = \log_3 4^a = 2$,

所以 $4^a = 3^2 = 9$,

所以 $4^{-a} = \frac{1}{4^a} = \frac{1}{9}$,

故选 *B*.

7. **【答案】** *C*

【解析】

【分析】

本题考查了函数零点与方程根的关系，考查比较大小，属于中档题.

根据零点定义，分别比较 $f(1)$ 与 $f(0)$ ， $g(3)$ 与 $g(1)$ 的正负，确定 a 与 b 的取值范围，再令 $h(x) = 0$ ，求解得 c ，即可比较大小.

【解答】

解： $f(x) = (\frac{1}{2})^x - x$ ，易得 $f(x)$ 单调递减，

而 $f(0) = 1$ ， $f(1) = -\frac{1}{2}$ ，

所以 $0 < a < 1$ ，

$g(x) = x - 2 - (\frac{1}{2})^x$ ，易得 $g(x)$ 单调递增，

而 $g(1) = 1 - 2 - \frac{1}{2} = -\frac{3}{2}$ ， $g(3) = 3 - 2 - (\frac{1}{2})^3 = \frac{7}{8} > 0$ ，所以 $1 < b < 3$ ，

令 $h(x) = 0$ ，即 $x^3 - x = 0$ ，解得 $x = 0$ 或 $x = -1$ 或 $x = 1$ ，

因为 $x > 0$ ，所以 $c = 1$ ，所以 $b > c > a$ ，

故选： *C*.

8. **【答案】** *B*

【解析】

【分析】

本题考查函数解析式的计算，关键理解“类指数”的定义，涉及基本不等式的性质以及应用，属于基础题.

根据题意，由“类指数”的定义可得 $(ka)(kb) = k(a+b)$ ，变形可得 $k = \frac{a+b}{ab} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ ，结合基本不等式的性质求出 $a+4b$ 的最小值，可得关于 k 的方程，计算可得答案。

【解答】

解：根据题意，若正实数 a 与 b 为函数 $f(x) = kx(k > 0)$ 的一对“类指数”，

则 $(ka)(kb) = k(a+b)$ ，变形可得 $k = \frac{a+b}{ab} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ ，

则 $a+4b = \frac{1}{k}(a+4b)(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}) = \frac{1}{k}(5 + \frac{4b}{a} + \frac{a}{b}) \geq \frac{1}{k}(5 + 2\sqrt{4}) = \frac{9}{k}$ ，

若 $a+4b$ 的最小值为9，则 $\frac{9}{k} = 9$ ，解可得 $k = 1$ ；

故选：B.

9. **【答案】** ABD

【解析】

【分析】

本题主要考查特殊值法和作差法，考查不等关系，属于基础题。

根据已知条件，结合特殊值法和作差法，即可求解。

【解答】

解：对于A，令 $a = -2$ ， $b = -1$ ，则 $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ ，故A错误，

对于B，令 $a = -2$ ， $b = -1$ ，则 $\frac{a}{b} = 2$ ，故B错误，

对于C， $\because a < b < 0$ ，

$\therefore ab - b^2 = b(a-b) > 0$ ，即 $ab > b^2$ ，故C正确，

对于D，令 $a = -2$ ， $b = -1$ ，满足 $a < b < 0$ ，但 $\frac{b}{a} < \frac{a}{b}$ ，故D错误。

故选：ABD.

10. **【答案】** ACD

【解析】

【分析】

本题主要考查复合函数的单调性，属于基础题。

利用复合函数的单调性可知函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 3)$ 上单调递减，由此可得到正确选项。

【解答】

解：函数 $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ 在 R 上单调递减，函数 $y = -x^2 + 6x - 5$ 在 $(-\infty, 3)$ 上单调递增，在 $(3, +\infty)$ 上单调递减，

由复合函数的单调性可知，函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 3)$ 上单调递减，

\therefore 选项 ACD 符合题意.

故选： ACD .

11. 【答案】 CD

【解析】

【分析】

本题主要考查了分段函数单调性的应用，属于基础题.

由已知结合指数函数，一次函数及分段函数单调性要求建立关于 a 的不等式组，解不等式可求.

【解答】

解：化简 $f(x)$ 解析式，即为 $f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{a}\right)^x, & x < -1 \\ (1-2a)x + 3a, & x \geq -1 \end{cases}$

因为 $f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{a}\right)^x, & x < -1 \\ (1-2a)x + 3a, & x \geq -1 \end{cases}$ 是 R 上的增函数，

$$\text{所以 } \begin{cases} \frac{1}{a} > 1 \\ 1 - 2a > 0 \\ 2a - 1 + 3a \geq a \\ a > 0, \text{ 且 } a \neq 1 \end{cases}$$

解得 $\frac{1}{4} \leq a < \frac{1}{2}$.

故选： CD .

12. 【答案】 ABC

【解析】

【分析】

根据对任意实数 x 满足 $f(x+1) = f(3-x)$ ，且 $f(x+1) = f(x-3)$ ，可以得出函数的奇偶性和周期性，再根据当 $0 \leq x \leq 2$ 时， $f(x) = x^2 - x$ 可得函数的单调性. 逐次判断各选项即可；

本题考查函数的单调性，对称性和周期性，属中档题.

【解答】

解：∵对任意实数 x 满足 $f(x+1) = f(3-x)$,

可得函数 $f(x)$ 关于 $x=2$ 对称轴,

又∵ $f(x+1) = f(x-3)$,

$$\therefore f(x+4) = f(x)$$

即函数 $f(x)$ 是周期函数, 最小正周期为 4.

∴ $f(3-x) = f(x-3)$,

那么 $f(-x) = f(x)$

∴函数 $f(x)$ 是偶函数,

又∵当 $0 \leq x \leq 2$ 时, $f(x) = x^2 - x$

∴函数 $f(x)$ 在区间 $[\frac{1}{2}, 2]$ 上单调递增.

∴函数 $f(x)$ 在区间 $[0, \frac{1}{2}]$ 上单调递减.

∴当 $0 \leq x \leq 4$ 时, 函数 $f(x)$ 的最大值为 2.

∴函数 $f(x)$ 的周期为 4, 关于 $x=2$ 对称轴.

当 $6 \leq x \leq 8$ 时, 函数 $f(x) = f(x-4) = f(8-x) = (8-x)^2 - (8-x) = x^2 - 15x + 56$,

当 $x = 7.5$ 时, 取得最小值 $-\frac{1}{4}$, 则D选项错误.

故选: ABC.

13. 【答案】 3

【解析】

【分析】

本题主要考查了利用基本不等式求解最值, 属于基础题.

由已知结合基本不等式即可直接求解.

【解答】

解: 因为 $x, y > 0$, 且满足 $x + y = 2$,

则 $xy + x + y = xy + 2 \leq (\frac{x+y}{2})^2 + 2 = 3$, 当且仅当 $x = y = 1$ 时取等号,

所以 $xy + x + y$ 的最大值为 3.

故答案为: 3.

14. 【答案】 3

【解析】

【分析】

本题考查函数的奇偶性的定义和性质，考查方程思想和运算能力，属于基础题.

由偶函数的定义和性质，结合二次函数的单调性和对称性，可得所求和.

【解答】

解：由题意可得 $n + 2 = 0$ ，解得 $n = -2$ ，

$f(x)$ 为偶函数，

故 $f(x)$ 的图象关于 y 轴对称，可得 $a = 0$ ，

由 $f(x) = x^2 + 1(-2 \leq x \leq 2)$ ，可得 $f(x)$ 的最大值为5，即 $m = 5$ ，

所以 $a + m + n = 0 + 5 - 2 = 3$.

故答案为：3.

15. 【答案】 $-2x + 1$

【解析】

【分析】

本题主要考查函数解析式的求解，利用条件建立方程组法是解决本题的关键，是基础题.

利用方程组法建立方程进行求解即可.

【解答】

解：∵ $f(x) + 2f(-x) = 2x + 3$ ，①

∴ $f(-x) + 2f(x) = -2x + 3$ ，

即 $2f(-x) + 4f(x) = -4x + 6$ ，②

则② - ①得 $3f(x) = -6x + 3$ ，

得 $f(x) = -2x + 1$ ，

故答案为： $-2x + 1$.

16. 【答案】 0 或 2 或 8

【解析】

【分析】

本题考查函数值的求法，考查分段函数，是基础题。

进行分类讨论，结合函数解析式进行求解即可。

【解答】

$$\text{解：} \because \text{函数 } f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 1 \\ \frac{1}{2}x, & x > 1 \end{cases}, f(f(x)) = 2,$$

$$\therefore \text{当 } x \leq 1 \text{ 时, } f(x) = 2^x,$$

$$\text{当 } f(x) = 2^x > 1 \text{ 时, } f(f(x)) = \frac{1}{2} \times 2^x = 2, \text{ 解得 } x = 2, \text{ 不合题意;}$$

$$\text{当 } f(x) = 2^x \leq 1 \text{ 时, } f(f(x)) = 2^{2^x} = 2, \text{ 解得 } x = 0, \text{ 成立;}$$

$$\text{当 } x > 1 \text{ 时, } f(x) = \frac{1}{2}x,$$

$$\text{当 } f(x) = \frac{1}{2}x < 1 \text{ 时, } f(f(x)) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}x = 2, \text{ 解得 } x = 8, \text{ 成立;}$$

$$\text{当 } f(x) = \frac{1}{2}x \leq 1 \text{ 时, } f(f(x)) = 2^{\frac{1}{2}x} = 2, \text{ 解得 } x = 2, \text{ 成立.}$$

$$\therefore x = 0 \text{ 或 } 2 \text{ 或 } 8.$$

故答案为：0 或 2 或 8.

$$17. \text{【答案】解：(1) } \because 2^x - 2^{-x} = 3, \therefore (2^x - 2^{-x})^2 = 9,$$

$$\therefore 4^x + 4^{-x} - 2 = 9, \therefore 4^x + 4^{-x} = 11.$$

$$(2) \text{原式} = 0.5^{-1} + \left(\frac{2}{3}\right)^{-1} - 2\lg 2 - 2\lg 5 + 1$$

$$= 2 + \frac{3}{2} - 2 + 1 = \frac{5}{2}.$$

【解析】(1)根据指数幂的运算性质即可求解。

(2)根据指数幂，对数的运算性质即可求解。

本题考查了指数幂和对数的运算性质，属于基础题。

$$18. \text{【答案】解：(1) } A = \{x|x^2 + 2x - 15 = 0\} = \{-5, 3\},$$

$$\text{当 } a = \frac{1}{5}, \text{ 则 } B = \{x|ax - 1 = 0\} = \{5\}, \text{ 则 } C_Z B = \{x \in Z|x \neq 5\},$$

$$\text{则 } A \cap (C_Z B) = \{-5, 3\};$$

(2)当 $B = \emptyset$ 时, $a = 0$, 此时满足 $B \subseteq A$,

当 $B \neq \emptyset$ 时, $B = \{\frac{1}{a}\}$, 此时若满足 $B \subseteq A$,

则 $\frac{1}{a} = -5$ 或 $\frac{1}{a} = 3$, 解得 $a = -\frac{1}{5}$ 或 $\frac{1}{3}$,

综上 $C = \{-\frac{1}{5}, \frac{1}{3}, 0\}$.

【解析】 本题主要考查集合的基本运算以及集合关系的应用, 注意要进行分类讨论.

(1) 若 $a = \frac{1}{5}$, 求出集合 A, B , 即可求 $A \cap (C_Z B)$;

(2) 若 $B \subseteq A$, 讨论集合 B , 即可得到结论.

19. 【答案】 解: (1) \because 函数是幂函数,

$$\therefore m^2 + 2m - 2 = 1,$$

$$\text{即 } m^2 + 2m - 3 = 0,$$

解得 $m = 1$ 或 $m = -3$,

\because 幂函数 $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上是减函数,

$$\therefore m + 2 < 0,$$

$$\text{即 } m < -2,$$

$$\therefore m = -3,$$

(2) 令 $g(x) = x^{-3}$, 因为 $g(x)$ 的定义域为 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$, 且在 $(-\infty, 0)$ 和 $(0, +\infty)$ 上均为减函数,

$$\therefore (3-a)^{-3} > (a-1)^{-3},$$

$$\therefore 3-a < a-1 < 0 \text{ 或 } 0 < 3-a < a-1 \text{ 或 } 3-a > 0 > a-1,$$

解得 $2 < a < 3$ 或 $a < 1$,

故 a 的取值范围为: $\{a | 2 < a < 3 \text{ 或 } a < 1\}$.

【解析】 (1) 根据幂函数的定义和单调性建立条件关系即可得到结论,

(2) 令 $g(x) = x^{-3}$, 根据其单调性即可求解结论.

本题主要考查幂函数的定义和性质, 利用幂函数的单调性是解决本题的关键.

20. 【答案】 解: (1) \because 函数定义域为 R ,

$$\therefore -ax^2 + 2x + 5 \geq 0 \text{ 对任意 } x \in R \text{ 都成立,}$$

当 $a = 0$ 时, $2x + 5 \geq 0$ 显然不恒成立, 不合题意;

当 $a \neq 0$ 时, 由二次函数的性质可知, 需满足 $\begin{cases} -a > 0 \\ \Delta = 4 + 20a \leq 0 \end{cases}$, 解得 $a \leq -\frac{1}{5}$.

综上，实数 a 的取值范围为 $(-\infty, -\frac{1}{5}]$ ；

(2) \because 函数值域为 $[0, +\infty)$ ，

$\therefore g(x) = -ax^2 + 2x + 5$ 能取遍所有非负数，

$$\therefore \begin{cases} -a \geq 0 \\ \Delta = 4 + 20a \geq 0 \end{cases}, \text{ 解得 } -\frac{1}{5} \leq a \leq 0,$$

\therefore 实数 a 的取值范围为 $[-\frac{1}{5}, 0]$.

【解析】 本题考查函数定义域与值域的求法，考查二次函数的图象与性质，考查转化思想及运算求解能力，属于中档题.

(1) 依题意， $-ax^2 + 2x + 5 \geq 0$ 对任意 $x \in R$ 都成立，由此建立关于 a 的不等式组，解出即可；

(2) 依题意， $g(x) = -ax^2 + 2x + 5$ 能取遍所有非负数，由此建立关于 a 的不等式组，解出即可.

21. 【答案】 解：(1) $25n - 49 - (n^2 + 5n) \geq 0$ ，即 $n^2 - 20n + 49 \leq 0$ ，

解得 $10 - \sqrt{51} \leq n \leq 10 + \sqrt{51}$ ，而 $n \in N^*$ ，

$\therefore n \geq 3$.

\therefore 该车运输 3 年开始盈利.

(2) 该车运输若干年后，处理方案有两种：

① 当年平均盈利达到最大值时，以 17 万元的价格卖出，

$$\frac{25n-49-(n^2+5n)}{n} = 20 - (n + \frac{49}{n}) \leq 6.$$

当且仅当 $n = 7$ 时，取等号，

\therefore 方案①最后的利润为： $25 \times 7 - 19 - (49 + 35) + 17 = 89$ (万).

② 当盈利总额达到最大值时，以 8 万元的价格卖出.

$$y = 25n - 49 - (n^2 + 5n) = -n^2 + 20n - 49 = -(n - 10)^2 + 51,$$

$\therefore n = 10$ 时，利润最大，

\therefore 方案②的利润为 $51 + 8 = 59$ (万)，

\therefore 方案①较为合算.

【解析】 本题考查函数在生产、生活中的应用，考查基本不等式，考查二次函数的最值等基础知识，考查运算求解能力，是中档题.

(1) 由 $25n - 49 - (n^2 + 5n) \geq 0$ ，能求出该车运输 3 年开始盈利.

(2) 方案①中， $\frac{25n-49-(n^2+5n)}{n} = 20 - (n + \frac{49}{n}) \leq 6$. 从而求出方案①最后的利润为 89(万)；方案②

中, $y = 25n - 49 - (n^2 + 5n) = -n^2 + 20n - 49 = -(n - 10)^2 + 51$, $n = 10$ 时, 利润最大, 从而求出方案②的利润为 59(万), 进而得到方案①较为合算.

22. 【答案】解: (1) 因为函数 $f(x) = \frac{x-m}{nx^2+1}$ 是定义在 $[-1, 1]$ 上的奇函数, 且 $f(1) = \frac{1}{2}$,

$$\text{则} \begin{cases} f(0) = \frac{-m}{1} = 0 \\ f(1) = \frac{1-m}{n+1} = \frac{1}{2} \end{cases}, \text{解得 } m = 0, n = 1,$$

所以函数 $f(x) = \frac{x}{x^2+1}$,

经检验, 函数为奇函数,

所以 $m = 0, n = 1$;

(2) $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上单调递增.

证明如下: 设 $-1 \leq x_1 < x_2 \leq 1$,

$$\text{则 } f(x_1) - f(x_2) = \frac{x_1}{x_1^2+1} - \frac{x_2}{x_2^2+1} = \frac{(x_1x_2-1)(x_2-x_1)}{(x_1^2+1)(x_2^2+1)},$$

其中 $x_1x_2 - 1 < 0, x_2 - x_1 > 0$,

所以 $f(x_1) - f(x_2) < 0$, 即 $f(x_1) < f(x_2)$,

故函数 $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上单调递增;

(3) 因为对任意的 $x_1 \in [-1, 1]$, 总存在 $x_2 \in [0, 1]$, 使得 $f(x_1) \leq g(x_2)$ 成立,

所以 $f(x)_{\max} \leq g(x)_{\max}$,

因为 $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上单调递增,

所以 $f(x)_{\max} = f(1) = \frac{1}{2}$,

当 $k = 0$ 时, $g(x) = 5$; 所以 $\frac{1}{2} \leq 5$ 恒成立, 符合题意;

当 $k > 0$ 时, $g(x) = kx + 5 - 2k$ 在 $[0, 1]$ 上单调递增, 则 $g(x)_{\max} = g(1) = 5 - k$,

所以 $\frac{1}{2} \leq 5 - k$, 解得 $0 < k \leq \frac{9}{2}$;

当 $k < 0$ 时, $g(x) = kx + 5 - 2k$ 在 $[0, 1]$ 上单调递减, 则 $g(x)_{\max} = g(0) = 5 - 2k$,

所以 $\frac{1}{2} \leq 5 - 2k$, 解得 $k < 0$.

综上所述, 实数 k 的取值范围为 $(-\infty, \frac{9}{2}]$.

【解析】 本题考查了函数恒成立问题, 函数性质的综合应用, 函数奇偶性的应用, 函数单调性的判断与证明, 利用函数单调性求解函数最值的应用, 要掌握不等式恒成立问题的一般求解方法:

参变量分离法、数形结合法、最值法等，属于较难题.

(1)利用奇函数的性质 $f(0) = 0$ ，结合 $f(1) = \frac{1}{2}$ ，求解方程组，得到 m ， n 的值，检验即可；

(2)利用函数单调性的定义判断并证明即可；

(3)将问题转化为 $f(x)_{max} \leq g(x)_{max}$ ，利用 $f(x)$ 的单调性求出 $f(x)_{max}$ ，分 $k = 0$ ， $k > 0$ 和 $k < 0$ 三种情况，利用 $g(x)$ 的单调性求出 $g(x)_{max}$ ，即可得到答案.