

双曲线的离心率(3)

1. 已知点 F_1, F_2 是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左、右焦点, 若双曲线左支上存在点 P 与点 F_2 关于直线 $y = \frac{b}{a}x$ 对称, 求双曲线的离心率.

2. 设双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} (0 < a < b)$ 的半焦距为 c , 直线 l 过 $(a, 0), (0, b)$ 两点, 已知原点到直线 l 的距离为 $\frac{\sqrt{3}}{4}c$, 求双曲线的离心率.

3. 如图, F_1 和 F_2 分别是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的两个焦点, A, B 是以 O 为圆心、以 OF_1 为半径的圆与该双曲线左支的两个交点, 且 $\triangle F_2AB$ 是等边三角形, 求双曲线的离心率.

