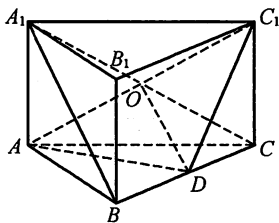


又因为 $OD \subset \text{平面 } ADC_1$, $A_1B \not\subset \text{平面 } ADC_1$,
所以 $A_1B \parallel \text{平面 } ADC_1$.



(第8题)

9. (1) 在 $\triangle AOM$ 中, $AO = 15$, $\angle AOM = \beta$ 且 $\cos \beta = \frac{3}{\sqrt{13}}$, $OM = 3\sqrt{13}$,

由余弦定理得,

$$AM^2 = OA^2 + OM^2 - 2OA \cdot OM \cdot \cos \angle AOM \\ = (3\sqrt{13})^2 + 15^2 - 2 \times 3\sqrt{13} \times 15 \times \frac{3}{\sqrt{13}}$$

$$= 13 \times 9 + 15 \times 15 - 2 \times 3 \times 15 \times 3 = 72,$$

所以 $AM = 6\sqrt{2}$, 即大学 M 与站 A 之间的距离 AM 为 $6\sqrt{2}$ km.

- (2) 因为 $\cos \beta = \frac{3}{\sqrt{13}}$, 且 β 为锐角,

$$\text{所以 } \sin \beta = \frac{2}{\sqrt{13}}.$$

在 $\triangle AOM$ 中,

$$\text{由正弦定理得, } \frac{AM}{\sin \beta} = \frac{OM}{\sin \angle MAO},$$

$$\text{即 } \frac{6\sqrt{2}}{2} = \frac{3\sqrt{13}}{\sin \angle MAO}, \text{ 所以 } \sin \angle MAO = \frac{\sqrt{2}}{2}, \text{ 所以}$$

$$\angle MAO = \frac{\pi}{4}, \text{ 所以 } \angle ABO = \alpha - \frac{\pi}{4}.$$

$$\text{因为 } \tan \alpha = 2, \text{ 所以 } \sin \alpha = \frac{2}{\sqrt{5}}, \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{5}}.$$

$$\text{又 } \angle AOB = \pi - \alpha,$$

$$\text{所以 } \sin \angle AOB = \sin(\pi - \alpha) = \frac{2}{\sqrt{5}}.$$

在 $\triangle AOB$ 中, $AO = 15$,

$$\sin \angle ABO = \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{\sqrt{10}},$$

$$\text{由正弦定理得 } \frac{AB}{\sin \angle AOB} = \frac{AO}{\sin \angle ABO},$$

$$\text{即 } \frac{AB}{\frac{2}{\sqrt{5}}} = \frac{15}{\frac{1}{\sqrt{10}}}, \text{ 所以 } AB = 30\sqrt{2}, \text{ 即铁路 } AB \text{ 段的长}$$

度为 $30\sqrt{2}$ km.

训练三

1. $x^2 + (y-1)^2 = 1$ 【解析】因为点 $(1,0)$ 关于 $y=x$ 的对称点为 $(0,1)$, 所以圆心为 $(0,1)$, 半径为 1 的圆的标准方程为 $x^2 + (y-1)^2 = 1$.

2. 2 【解析】 $\mathbf{b} \cdot \mathbf{c} = [ta + (1-t)b] \cdot \mathbf{b} = ta \cdot \mathbf{b} +$
 $(1-t)b^2 = t \times 1 \times 1 \times \cos 60^\circ + (1-t) \times 1 = \frac{1}{2}t +$

$$1-t = 1 - \frac{1}{2}t = 0, \text{ 解得 } t = 2.$$

3. $3+2\sqrt{2}$ 【解析】由题知 $a_3 = a_1 + 2a_2 \Rightarrow q^2 = 1 + 2q$
 $\Rightarrow q = 1 + \sqrt{2}$ (负值舍去), 所以 $\frac{a_8 + a_9}{a_6 + a_7} = q^2 = 3 +$
 $2\sqrt{2}.$

4. 9 【解析】因为 $a > 0, b > 0$, 所以 $\frac{2}{a} + \frac{1}{b} \geq \frac{m}{2a+b}$

恒成立等价于 $m \leq 5 + \frac{2a}{b} + \frac{2b}{a}$ 恒成立. 又 $5 + \frac{2a}{b} +$

$\frac{2b}{a} \geq 5 + 2\sqrt{4} = 9$, 当且仅当 $\frac{2a}{b} = \frac{2b}{a}$, 即 $a = b$ 时等号成立, 所以 $m \leq 9$, 故 m 的最大值为 9.

5. $\frac{\sqrt{13}-1}{2}$ 【解析】设 $BE = x$, 则 $\tan \angle BAE = \frac{x}{3}$,

$$\tan \angle BAF = \frac{x+1}{3}, \text{ 所以 } \tan \angle EAF =$$

$$\frac{\frac{x+1}{3} - \frac{x}{3}}{1 + \frac{x+1}{3} \cdot \frac{x}{3}} = \frac{1}{4}, \text{ 解得 } x = \frac{\sqrt{13}-1}{2}.$$

6. $(0, \frac{1}{e})$ 【解析】函数 $f(x) = x \ln x - \frac{a}{2}x^2 - x +$

1 有两个极值点, 等价于 $f'(x) = 0$ 有两个不相等的

实数根. 又 $f'(x) = \ln x + x \cdot \frac{1}{x} - ax - 1 = \ln x -$

ax , 令 $f'(x) = 0$, 即 $\ln x = ax (x > 0)$, 得 $a = \frac{\ln x}{x}$. 令