

江苏省仪征中学 2018-2019 学年第二学期期末复习数学讲义（文 1）

1. 函数 $y = \sqrt{\log_{0.5}(4x^2 - 3x)}$ 的定义域为_____.
2. 函数 $y = \sqrt{4 - 2^x}$ 的值域为_____.
3. 已知复数 $z = \frac{1+2i}{3-i}$, 其中 i 为虚数单位, 则复数 z 的虚部是_____.
4. 若 $\tan(\alpha - \frac{\pi}{4}) = \frac{1}{6}$, 则 $\tan\alpha$ 的值为_____.
5. 在平面直角坐标系 xOy 中, 若曲线 $f(x) = ax^2 + \frac{b}{x}$ (a, b 为常数) 过点 $P(2, -5)$, 且该曲线在点 P 处的切线与直线 $7x + 2y + 3 = 0$ 平行, 则 $a + b$ 的值是_____.
6. 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $\angle B = 30^\circ$, $AB = 2\sqrt{3}$, $AC = \sqrt{19}$, 则 $BC =$ _____.
7. 已知函数 $f(x) = a^x + x^2 - x \ln a$, 对任意的 $x_1, x_2 \in [0, 1]$, 不等式 $|f(x_1) - f(x_2)| \leq a - 1$ 恒成立, 则实数 a 的取值范围为_____.
8. 已知条件 $p: x < a$, 条件 $q: \frac{1-x}{x+2} \geq 0$. 若 $\neg q$ 是 $\neg p$ 的必要不充分条件, 则实数 a 的取值范围是_____.
9. 在平面直角坐标系 xOy 中, 已知点 M 为圆 $O: x^2 + y^2 = 36$ 上的一动点, $A(-3, 0)$, $B(4, 0)$, 则 $\sin \angle AMB$ 的最大值为_____.
10. 已知函数 $f(x) = \log_2(ax^2 + 2x + 3)$, 若对于任意实数 k , 总存在实数 x_0 , 使得 $f(x_0) = k$ 成立, 则实数 a 的取值范围是_____.
11. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} \log_{\frac{1}{2}}(-x+1), & -1 \leq x \leq t \\ -2|x-1|+1, & t < x \leq a \end{cases}$, 若存在实数 t , 使 $f(x)$ 的值域为 $[-1, 1]$, 则实数 a 的取值范围是_____.
12. 已知函数 $f(x) = 2^{x-1} + a, g(x) = bf(1-x)$. 其中 $a, b \in R$, 若关于 x 的不等式 $f(x) \geq g(x)$ 的解的最小值为 2, 则 a 的取值范围是_____.

13. 已知复数 z 满足 $|3 + 4i| + z = 1 + 3i$.

(1) 求 z ; (2) 求 $\frac{(1+i)^2(3+4i)}{z}$ 的值.

14. 在 $\triangle ABC$ 中, $\cos A = \frac{4}{5}$, $\tan(A - B) = -\frac{1}{2}$.

(1) 求 $\tan B$ 的值;

(2) 求 $\sin 2C$ 的值.

15 已知函数 $f(x)$ 为定义在 R 上的奇函数, 当 $x > 0$ 时, $f(x) = \log_2 x$. 函数 $g(x) = 2\log_2(2x + a)$, $a \in R$.

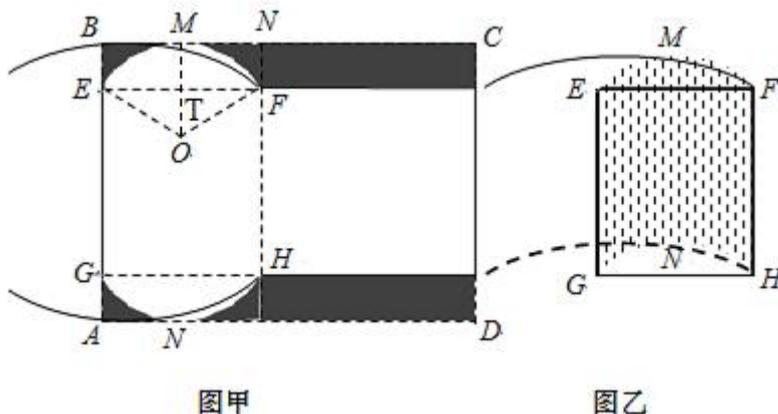
(1) 求函数 $f(x)$ 的解析式;

(2) 若对 $\forall x \in [\frac{1}{4}, \frac{9}{4}]$, $f(16x) \geq g(x)$, 求实数 a 的取值范围;

(3) 设 $a > -2$, 求函数 $h(x) = g(x) - f(x)$, $x \in [1, 2]$ 的最小值.

16. 有一矩形硬纸板材料(厚度忽略不计), 一边 AB 长为 6 分米, 另一边足够长. 现从中截取矩形 $ABCD$ (如图甲所示), 再剪去图中阴影部分, 用剩下的部分恰好能折卷成一个底面是弓形的柱体包装盒(如图乙所示, 重叠部分忽略不计), 其中 $OEMF$ 是以 O 为圆心、 $\angle EOF = 120^\circ$ 的扇形, 且弧 \widehat{EF} , \widehat{GH} 分别与边 BC , AD 相切于点 M , N .

- (1) 当 BE 长为 1 分米时, 求折卷成的包装盒的容积;
 (2) 当 BE 的长是多少分米时, 折卷成的包装盒的容积最大?



17. 已知函数 $f(x) = \frac{ax}{x+b}$, 且 $f(1) = 1$, $f(-2) = 4$.

(1) 求 a 、 b 的值;

(2) 当 $x \in [1, 2]$ 时, 不等式 $f(x) \leq \frac{2m}{(x+1)|x-m|}$ 恒成立, 求实数 m 的取值范围;

(3) 设函数 $h(x) = \frac{k(x+1) \cdot f(x)}{8(x^2+4)}$, $x \in [2, +\infty)$, 函数 $g(x) = \frac{1}{2}^{|x-k|}$, $x \in (-\infty, 2)$, 若

对任意 $x_1 \in [2, +\infty)$, 总存在唯一的 $x_2 \in (-\infty, 2)$, 使得 $h(x_1) = g(x_2)$, 求实数 k 的取值范围.

18、已知圆 $M: x^2+(y-2)^2=1$ ，直线 $l: x-2y=0$ ，点 P 在直线 l 上，过点 P 作圆 M 的切线 PA ， PB ，切点为 A ， B 。

- (1) 若点 P 的坐标为 $\left(1, \frac{1}{2}\right)$ ，过点 P 作直线与圆 M 相切，求此切线方程；
- (2) 求证：经过 A ， P ， M 三点的圆必过定点，并求出所有定点的坐标；
- (3) 求弦 AB 长的最小值。