

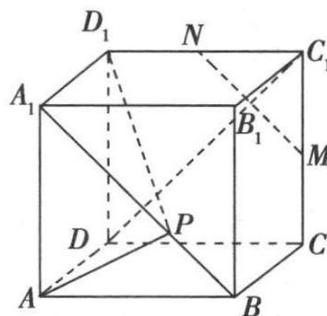
江苏省仪征中学高一第二学期数学周练（4）

2020.5.23

一、选择题（本大题共 8 小题，共 40.0 分）

1. 已知过点 $A(m, -1)$ 和 $B(2, m)$ 的直线与直线 $x - y - 1 = 0$ 平行，则 m 的值为()
 A. $\frac{1}{2}$ B. $-\frac{1}{2}$ C. 1 D. -1
2. 圆 $x^2 + y^2 - 2x = 0$ 和圆 $x^2 + y^2 + 4y = 0$ 的公切线条数为()
 A. 1 B. 2 C. 3 D. 4
3. 已知 $\triangle ABC$ 中， $a = 1$ ， $b = \sqrt{3}$ ， $A = 30^\circ$ ，则 B 等于()
 A. 30° B. 30° 或 150° C. 60° D. 60° 或 120°
4. 若直线 $l: y = kx + 1$ 被圆 $C: x^2 + y^2 - 2x - 3 = 0$ 截得的弦最短，则直线 l 的方程是()
 A. $x = 0$ B. $y = 1$ C. $x + y - 1 = 0$ D. $x - y + 1 = 0$
5. 已知直线 l 的方程为 $x \sin \alpha + \sqrt{3}y - 1 = 0$ ， $\alpha \in R$ ，则直线 l 的倾斜角范围()
 A. $(0, \frac{\pi}{3}] \cup [\frac{2\pi}{3}, \pi)$ B. $[0, \frac{\pi}{6}] \cup [\frac{5\pi}{6}, \pi)$ C. $[0, \frac{\pi}{6}) \cup (\frac{5\pi}{6}, \pi)$ D. $[0, \frac{\pi}{3}] \cup [\frac{2\pi}{3}, \pi)$
6. 如图，在棱长为 1 的正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中， P 为线段 A_1B 上的动点，有下列四个结论：

- ①平面 $D_1A_1P \perp$ 平面 A_1AP ;
- ②若点 M, N 分别为棱 C_1C, C_1D_1 的中点，则 $MN \parallel$ 平面 D_1A_1P ;
- ③异面直线 DC_1 与 D_1P 所成的角为定值;
- ④ $\angle APD_1$ 最大为 90° .



其中正确结论的个数是()

- A. 0
 - B. 1
 - C. 2
 - D. 3
7. 在锐角 $\triangle ABC$ 中，内角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c ，且满足 $(a - b)(\sin A + \sin B) = (c - b)\sin C$ ，若 $a = \sqrt{3}$ ，则 $b^2 + c^2$ 的取值范围是()
 A. (3,6] B. (3,5) C. (5,6] D. [5,6]
 8. 若圆 $(x - 3)^2 + (y + 5)^2 = r^2$ 上有且仅有两个点到直线 $4x - 3y = 2$ 的距离为 1，则半径 r 的取值范围是()
 A. (4,6) B. [4,6) C. (4,6] D. [4,6]

二、不定项选择题（本大题共 4 小题，共 20.0 分）

9. 设 l, m, n 表示三条直线, α, β, r 表示三个平面, 则下面命题中成立的是()

- A. 若 $l \perp \alpha, m \perp \alpha$, 则 $l // m$
- B. 若 $m \subset \beta, n$ 是 l 在 β 内的射影, $m \perp l$, 则 $m \perp n$
- C. 若 $m \subset \alpha, n \not\subset \alpha, m // n$, 则 $n // \alpha$
- D. 若 $\alpha \perp r, \beta \perp r$, 则 $\alpha // \beta$

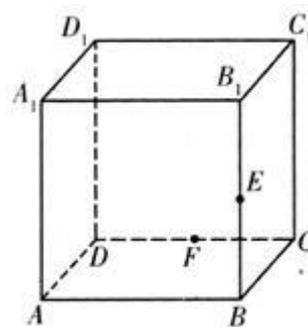
10. 在 $\triangle ABC$ 中, D 在线段 AB 上, 且 $AD = 5, BD = 3$ 若 $CB = 2CD, \cos \angle CDB = -\frac{\sqrt{5}}{5}$, 则()

- A. $\sin \angle CDB = \frac{3}{10}$
- B. $\triangle ABC$ 的面积为 8
- C. $\triangle ABC$ 的周长为 $8 + 4\sqrt{5}$
- D. $\triangle ABC$ 为钝角三角形

11. 关于下列命题, 正确的是()

- A. 若点 $(2,1)$ 在圆 $x^2 + y^2 + kx + 2y + k^2 - 15 = 0$ 外, 则 $k > 2$ 或 $k < -4$
- B. 已知圆 $M: (x + \cos\theta)^2 + (y - \sin\theta)^2 = 1$, 直线 $y = kx$, 则直线与圆恒相切
- C. 已知点 P 是直线 $2x + y + 4 = 0$ 上一动点, PA, PB 是圆 $C: x^2 + y^2 - 2y = 0$ 的两条切线, A, B 是切点, 则四边形 $PACB$ 的最小面积是为 2
- D. 设直线系 $M: x\cos\theta + y\sin\theta = 2 + 2\cos\theta$, M 中的直线所能围成的正三角形面积都等于 $12\sqrt{3}$.

12. 如图, 在棱长为 1 的正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, E, F 分别为 BB_1, CD 的中点, 则正确的为()



- A. 直线 AD_1 与 BD 的夹角为 60°
- B. 平面 $AED \perp$ 平面 A_1FD_1
- C. 点 C_1 到平面 AB_1D_1 的距离为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- D. 若正方体每条棱所在直线与平面 α 所成的角相等, 则 α 截此正方体所得截面只能是三角形和六边形

三、填空题（本大题共 4 小题，共 20.0 分）

13. 把边长为 1 正方形 $ABCD$ 沿对角线 AC 折起成直二面角, 点 E, F 分别是 AD, BC 的中点, 折起后 EF 的长度为_____.

14. 若三条直线 $2x - y = 0, x + y - 3 = 0, mx + ny + 5 = 0$ 相交于同一点, 则点 (m, n) 到原点的距离的最小值为_____.

15. 以圆 $C_1: x^2 + y^2 + 4x + 1 = 0$ 与圆 $C_2: x^2 + y^2 + 2x + 2y + 1 = 0$ 的公共弦为直径的圆的方程为_____.

16. 已知 $\triangle ABC$ 的面积为 $\sqrt{2} + 1$, 且满足 $\frac{4}{\tan A} + \frac{3}{\tan B} = 1$, 则边 AC 的最小值为_____.

四、解答题（本大题共 6 小题，共 70.0 分）

17. 已知两条直线 $l_1: x + (1 + a)y + a - 1 = 0$, $l_2: ax + 2y + 6 = 0$.

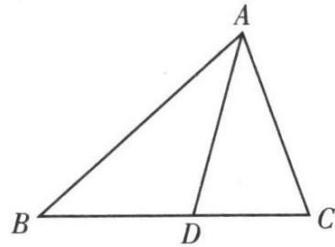
(1) 若 $l_1 // l_2$, 求 a 的值

(2) 若 $l_1 \perp l_2$, 求 a 的值

18. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A, B, C 所对的边分别为 a, b, c , S 为其面积, 若 $4S = a^2 + c^2 - b^2$.

(1) 求角 B 的大小;

(2) 设 $\angle BAC$ 的平分线 AD 交 BC 于 D , $AD = 3$, $BD = \sqrt{6}$, 求 $\cos C$ 的值.

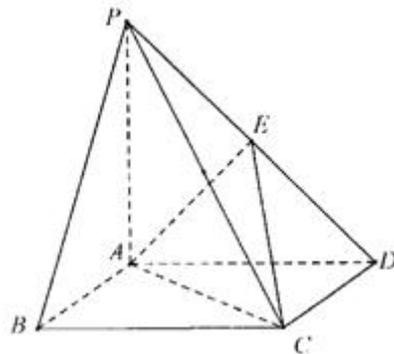


19. 如图, 在四棱锥 $P-ABCD$ 中, 底面 $ABCD$ 是平行四边形, E 为棱 PD 的中点, $PA \perp$ 平面 $ABCD$.

(1) 求证: $PB //$ 平面 AEC ;

(2) 若四边形 $ABCD$ 是矩形且 $PA = AD$, 证: $AE \perp$ 平面 PCD .

求



20. 已知点 $A(1,2)$, $B(2,1)$, $C(2,3)$ 在圆 E 上, 过点 $P(1,0)$ 的直线 l 与圆 E 相切.

- (1) 求圆 E 的方程; (2) 求直线 l 的方程.

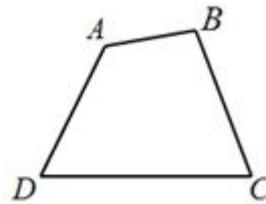
21. 如图, 在平面凸四边形 $ABCD$ 中(凸四边形指没有角度数大于 180° 的四边形), $AB = 2$, $BC = 4$, $CD = 5$,

(1) 若 $\angle B = 120^\circ$, $\cos D = \frac{1}{5}$, 求 AD ;

(2) 已知 $AD = 3$, 记四边形 $ABCD$ 的面积为 S ,

① 求 S 的最大值;

② 若对于常数 λ , 不等式 $S \geq \lambda$ 恒成立, 求实数 λ 的取值范围. (直接写结果, 不需要过程)



22. 已知圆 $O: x^2 + y^2 = r^2 (r > 0)$ 与直线 $x - y + 2\sqrt{2} = 0$ 相切.

(1) 求圆 O 的方程;

(2) 若圆 O 截过点 $(1, \frac{\sqrt{3}}{3})$ 的直线 l 所得的弦长为 $2\sqrt{3}$, 求直线 l 的方程;

(3) 设圆 O 与 x 轴的负半轴的交点为 A , 过点 A 作两条斜率分别为 k_1, k_2 的直线交圆 O 于 B, C 两点, 且 $k_1 k_2 = -2$, 试证明直线 BC 恒过一个定点, 并求出该定点的坐标.